問1.(9)式で表されるラゲール陪多項式をn=3について求めなさい。

$$L_{n+I}^{2l+1}(x) = -\sum_{k=0}^{n-l-1} \frac{[(n+l)!]^{2}(-x)^{k}}{(2l+1+k)!(n-l-1-k)!k!}$$
(9)

問2.水素原子の2sオービタル,2pオービタルおよび3sオービタルでの電子の平均位置を求めなさい。その結果と一般式

$$\langle r_{nl} \rangle = \frac{a_0}{2} \left[3 \, \rlap{/}{n}^2 - \rlap{/}(\, \rlap{/}{+} \, 1) \right]$$
とを比較しなさい。
またそれぞれのオービタルの確率密度の最大位置を求めなさい。

問3. **/=2**の場合の符号を考慮した球面調和関数を求め、この波動関数を用いてd-オービタルを実数化し、規格化直交であることを確かめなさい。